



Aufgabe 1. Implementiere eine Funktion die zu einem gegebenen Funktionspointer $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, einem Dateinamen, einer Schrittweite $s \in \mathbb{R}$, einer Startstelle x_1 und einer Endstelle x_2 die Wertetabelle der Funktion zwischen x_1 und x_2 zur Schrittweite s speichert. Dabei sollen x und $f(x)$ durch einen Tabulator getrennt werden und jedes Paar $(x, f(x))$ in einer eigenen Zeile stehen. Etwa wäre die Ausgabe für $f = \cos$ zwischen $x_1 = 0$ und $x_2 = 0$ mit Schrittweite $s = 0.1$ die folgende:

```
1 0.0 1.0
2 0.1 0.995004165278
3 0.2 0.980066577841
4 0.3 0.955336489126
5 0.4 0.921060994003
6 0.5 0.87758256189
7 0.6 0.82533561491
8 0.7 0.764842187284
9 0.8 0.696706709347
10 0.9 0.621609968271
11 1.0 0.540302305868
```

Aufgabe 2. In dieser Aufgabe geht es um numerische Integration.

- a) Implementiere eine Integrationsfunktion, die das Intervall $[a, b]$ in n gleich große Teile aufteilt, für diese jeweils die Trapezsumme (aus der Vorlesung) berechnet und diese aufsummiert:

```
1 double integrate(double a, double b,
2   double (*f)(double), unsigned int n);
```

- b) Schreibe nun eine Funktion, die nicht die Anzahl der Teilintervalle erhält, sondern eine "Fehlertoleranz" e . Die Funktion die Aufteilung solange verfeinern, bis sich der approximierte Wert für das Integral durch eine Verfeinerung nur noch um weniger als e ändern würde.